

1 Уравнение  $1 + \sin 2\alpha \cdot x = \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg}(\pi + \alpha)$  имеет бесконечное множество решений при всех  $\alpha$  из множества ( $n \in \mathbb{Z}$ ) / The equation  $1 + \sin 2\alpha \cdot x = \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{ctg}(\pi + \alpha)$  has an infinite number of solutions with all  $\alpha$  from the set ( $n \in \mathbb{Z}$ )

- 1  $\emptyset$     2  $\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{2}n$     3  $\frac{\pi}{4}n$     4  $\frac{\pi}{4} + \pi n$     5  $\frac{\pi}{2}n$

2 Дробь  $\frac{x^{-0,6} \cdot x^{4/15}}{\sqrt[3]{x^{-4}} \cdot \sqrt[5]{x^3}}$  равна 4, если / The fraction  $\frac{x^{-0,6} \cdot x^{4/15}}{\sqrt[3]{x^{-4}} \cdot \sqrt[5]{x^3}}$  equals 4 if

- 1  $x = 32$     2  $x = 128$     3  $x = 16$     4  $x = \frac{1}{32}$     5  $x = 64$

3 Если  $x = 4$  является единственным корнем уравнения  $f(2x + 2) = 0$ , то корнем уравнения  $f(3x - 11) = 0$  является / If  $x = 4$  is the only root of the equation  $f(2x + 2) = 0$ , then the root of the equation  $f(3x - 11) = 0$  is

- 1 2    2 6    3 7    4 1    5 3

4 Найти сторону треугольника, лежащую против угла в  $120^\circ$ , если радиус описанной около треугольника окружности равен 16 см / Find the side of the triangle lying opposite the angle of  $120^\circ$ , if the radius of the circle described near the triangle is 16 cm

- 1  $8\sqrt{3}$  см /  $8\sqrt{3}$  cm    2 16 см / 16 cm    3 8 см / 8 cm  
 4  $8\sqrt{2}$  см /  $8\sqrt{2}$  cm    5  $16\sqrt{3}$  см /  $16\sqrt{3}$  cm

5 Числа  $a = \log_4 9$ ,  $b = \log_6 14$  и  $c = 1,5$  удовлетворяют соотношению / The numbers  $a = \log_4 9$ ,  $b = \log_6 14$  and  $c = 1.5$  satisfy the ratio

- 1  $a < b < c$     2  $b > c > a$     3  $b > a > c$     4  $b < c < a$     5  $b < a < c$

6 Вычислить  $\cos 195^\circ \sqrt{\frac{\cos 105^\circ}{\cos 195^\circ}} - \cos 105^\circ \sqrt{\frac{\cos 195^\circ}{\cos 105^\circ}}$  /

Calculate  $\cos 195^\circ \sqrt{\frac{\cos 105^\circ}{\cos 195^\circ}} - \cos 105^\circ \sqrt{\frac{\cos 195^\circ}{\cos 105^\circ}}$

- 1 0    2 2    3 -2    4 -1    5 1

7 Наибольший корень уравнения  $\left(\frac{5}{3} \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2} + \frac{5}{6}x\right)\right)' = 0$  на промежутке  $\left(\frac{\pi}{2}; 5\pi\right)$  равен / The biggest root of the equation  $\left(\frac{5}{3} \cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{x}{2}\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2} + \frac{5}{6}x\right)\right)' = 0$  on the segment  $\left(\frac{\pi}{2}; 5\pi\right)$  is

- 1  $4,5\pi$     2  $3\pi$     3  $3,75\pi$     4  $4\pi$     5  $4,75\pi$

8 Одним из решений неравенства  $3^x \cdot 2^{\left(\frac{3}{x}\right)} \leq 24$  является / One of the solutions of the inequality  $3^x \cdot 2^{\left(\frac{3}{x}\right)} \leq 24$  is

- 1 2    2  $\log_3 10$     3  $\log_3 2$     4 0,5    5  $\log_3 4$

9 Наибольшее значение функции  $y = \sqrt{\sin^2 x + 3 \cos x - 0,5}$  равно / The maximum value of the function  $y = \sqrt{\sin^2 x + 3 \cos x - 0,5}$  equals

- 1  $\frac{\sqrt{5}}{2}$     2 2,5    3  $\frac{\sqrt{10}}{2}$     4  $\frac{\sqrt{11}}{2}$     5 2,75

10 Уравнение касательной к графику функции  $y = |x^2 - 4|x||$  в точке с абсциссой  $x_0 = -1$  имеет вид / The equation of the tangent line to the function  $y = |x^2 - 4|x||$  at the point with abscissa  $x_0 = -1$  has the form

- 1  $y = 2x + 9$     2  $y = -2x + 9$     3  $y = 2x + 1$   
 4  $y = -2x + 1$     5  $y = 2x + 3$

11 Если влажность пшеницы, поступившей на зерносушилку, составляла 44%, а после просушки оказалась равной 20%, то пшеница потеряла в весе / If the moisture of the wheat received by the grain dryer was 44%, and after drying it was equal to 20%, then the wheat lost weight

- 1  $\frac{300}{7}\%$     2 25%    3 32%    4 30%    5 24%

12 Расстояние между линиями  $y = \sqrt{3x - 2}$  и  $y = 0,75x + 2$  равно / Find the distance between the lines  $y = \sqrt{3x - 2}$  and  $y = 0.75x + 2$

- 1 1,2    2 3    3 1,8    4 0,8    5 1

13 Предприниматель получил кредит в организации под определенный процент. Через год в счет погашения кредита он внёс в организацию 75% от всей суммы долга к этому времени. Еще через год для полного погашения долга он внёс сумму в размере 31,36% от величины полученного кредита. Чему равен годовой процент по кредиту в этой организации? / The entrepreneur received a loan from the organization at a certain percentage. A year later, in repayment of the loan, the entrepreneur paid 75% of the total amount of the debt by this time. A year later, to fully repay the debt, he paid 31.36% of the amount of the loan received. What is the annual interest rate for this loan?

- 1 25    2 18    3 15    4 36    5 12

- 14** Наименьшее значение функции  $y = \frac{8x^2 + 32x + 34}{x^2 + 4x + 5}$  равно / Finf the minimum value of the function  $y = \frac{8x^2 + 32x + 34}{x^2 + 4x + 5}$
- 2     8     6,8     -1     -2

- 15** Разность между наибольшим и наименьшим значениями функции  $f(x) = x + \frac{25}{x}$  на отрезке  $[1; 6]$  равна / The difference between the maximum and the minimum values of the function  $f(x) = x + \frac{25}{x}$  on the segment  $[1, 6]$  is
- 4,5     21     13     16     7

- 16** Областью значений функции  $y = \frac{2x}{\sqrt{x+1}+1}$  является множество / Find the range of values for the function  $y = \frac{2x}{\sqrt{x+1}+1}$
- (-1; +∞)     [-1; +∞)     [-2; +∞)     (-∞; 2]     (-∞; 1]

- 17** В кубе  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  с ребром, равным  $3\sqrt{2}$ , расстояние от точки  $C_1$  до плоскости  $A_1BD$  составляет / In the cube  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  with an edge  $3\sqrt{2}$ , the distance from the point  $C_1$  to the plane  $A_1BD$  is
- 2     1      $2\sqrt{6}$      3     5

- 18** В прямоугольном треугольнике длины сторон образуют арифметическую прогрессию. Синус его меньшего угла равен / In the right triangle, the lengths of the sides form an arithmetic progression. The sine of its lesser angle is
- $\frac{\sqrt{5}}{4}$       $\frac{\sqrt{3}}{3}$      0,7      $\frac{\sqrt{5}}{5}$      0,6

- 19** Сумма наибольшего и наименьшего корней уравнения  $\frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} + \frac{1}{x-3} + \frac{1}{x-4} = 0$  равна / The sum of the largest and smallest roots of the equation  $\frac{1}{x-1} + \frac{1}{x-2} + \frac{1}{x-3} + \frac{1}{x-4} = 0$  is equal to
- 5     0     3     1     -1

- 20** Если последовательность задана формулой общего члена  $a_n = \arccos \frac{7n+3}{n-60}$ , то количество ее членов равно / If the sequence is specified by the formula of the common term  $a_n = \arccos \frac{7n+3}{n-60}$ , the number of its terms is
- 7     4     10     8     ∞

- 21** Решением уравнения  $(4x - x^2 - 3) \cdot \log_2(\sin^2(\frac{5\pi}{4}x) + 1) = 1$  является число из промежутка / The solution of the equation  $(4x - x^2 - 3) \cdot \log_2(\sin^2(\frac{5\pi}{4}x) + 1) = 1$  is the number from the segment
- [3, 5; 4]     [3; 3, 5]     [-1; 1]     [1; 1, 5]     [1, 5; 3]

- 22** Найдите количество различных действительных корней уравнения  $f(x) = g(x)$ , если  $f(g(x)) = x$  и  $f(x) = x^3 - 2,5x^2 + 3x - 0,5$  / Find the number of different valid roots of the equation  $f(x) = g(x)$  if  $f(g(x)) = x$  and  $f(x) = x^3 - 2,5x^2 + 3x - 0,5$
- 2     3     1     0     больше 3 / more than 3 roots

- 23** Решить неравенство  $5x - 6 > \sqrt{1 + 3x(3x + 2)} + \sqrt{-4x^2 + 16x + 20}$  / Solve the inequality  $5x - 6 > \sqrt{1 + 3x(3x + 2)} + \sqrt{-4x^2 + 16x + 20}$
- $\left(\frac{11 + 2\sqrt{7}}{4}; 5\right)$       $\left(\frac{11 + \sqrt{7}}{4}; 5\right)$      (-1; 5]     (0; 5]      $\left(\frac{11 + 3\sqrt{7}}{4}; 5\right)$

- 24** Значение выражения  $\operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1)$  равно / Calculate  $\operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} - 1) - \operatorname{arcctg}(\sqrt{2\sqrt{3}} + 1)$
- $-\sqrt{3}$       $\sqrt{3}$       $-\frac{\pi}{6}$       $\frac{\pi}{6}$       $\frac{5\pi}{6}$

- 25** Уравнение  $|2x + a - 3| = |x - 7a - 6|$  имеет два различных корня, равноудаленных от  $x = 9$ , при  $a$  равном / The equation  $|2x + a - 3| = |x - 7a - 6|$  has two different roots equidistant from  $x = 9$ , with  $a$  equals to
- 5     -3     2     1     4

- 26** При каком из приведённых значений параметра  $a$  сумма целочисленных решений неравенства  $\frac{|x-6|}{x-6} + \sqrt{a^2 - (x-2)^2} \geq 0$  равна 24? / Under which of the given parameter  $a$  the sum of the integer solutions of the inequality  $\frac{|x-6|}{x-6} + \sqrt{a^2 - (x-2)^2} \geq 0$  equals 24?
- 7     8     6     9     5

- 27** Указать все  $a$ , при которых меньший корень уравнения  $x^2 - 2(a-1)x + a^2 + 2a = 0$  больше 1. / Specify all  $a$  where the lesser root of the equation  $x^2 - 2(a-1)x + a^2 + 2a = 0$  is greater than 1.
- $5 < a < 6$       $a < 4$      таких  $a$  нет / no such  $a$       $a > 2$       $a > \frac{1}{4}$

- 28 Сумма целых решений неравенства  $\sqrt{25 - x^2} \leq \frac{12}{x}$  равна / Find the sum of the integer solutions of the inequality  $\sqrt{25 - x^2} \leq \frac{12}{x}$
- [1] 0 [2] 3 [3] 7 [4] -7 [5] 15

- 29 Произведение корней уравнения  $x^{\log_7 5} = 25 \cdot 8^{\log_x 7}$  равно / Find the product of the roots for the equation  $x^{\log_7 5} = 25 \cdot 8^{\log_x 7}$
- [1] 36 [2] 25 [3]  $\log_5 7$  [4] 16 [5] 49

- 30 Наименьшее значение выражения  $\sqrt{(x - 7)^2 + (y + 1)^2} + |y - 2x|$  равно / Find the minimum value for  $\sqrt{(x - 7)^2 + (y + 1)^2} + |y - 2x|$
- [1]  $3\sqrt{5}$  [2] 5 [3] 15 [4] 0 [5]  $0,8\sqrt{5}$